

ИДЗ №3. Логическое следствие в алгебре высказываний

Как обычно, каждый студент выбирает вариант, соответствующий своему номеру в списке. Домашнее задание нужно решить самостоятельно (!), оформить на чистом целом листочке и сдать не позднее *11 декабря*.

Предлагаю немного повысить уровень математической грамотности. А именно, прошу в каждом задании дополнять сырые формульные записи текстовыми комментариями. Например:

Формулы Ψ_1, \dots, Ψ_n одновременно принимают значение И только в первой, третьей и шестой строках таблицы истинности. Но в третьей строке этой таблицы формула Φ принимает значение Л. Следовательно, по определению формула Φ не является логическим следствием формул Ψ_1, \dots, Ψ_n .

Оценка «зачтено» ставится за верно выполненные все задания. В противном случае работа отправляется на доработку. Неаккуратно написанные комментарии на оценку не влияют.

И пусть удача всегда будет с Вами!

Варианты

- | | |
|--------------------------|-----------------------|
| 1. Абрамашвили Леван | 12. Гнатенко Андрей |
| 2. Абрамов Ян | 13. Дмитриенко Виктор |
| 3. Акимов Савва | 14. Дмитриенко Макар |
| 4. Акперов Эльнур | 15. Долгорук Даниил |
| 5. Бижанова Алина | 16. Думич Кира |
| 6. Бойчук Егор | 17. Егоров Артем |
| 7. Васильев Леонид | 18. Ельчанинов Андрей |
| 8. Власова Валерия | 19. Желобцов Сандал |
| 9. Волошинский Ростислав | 20. Жизнев Вадим |
| 10. Гилев Антон | 21. Жуков Никита |
| 11. Гмарь Кирилл | 22. Захаркин Павел |

23. Земсков Иван
24. Зубов Иван
25. Иванов Леонид
26. Иванова Анастасия
27. Ильин Кирилл
28. Ильин Эдуард
29. Исаев Никита
30. Калитин Никита
31. Калюжко Алексей
32. Карпенко Даниил
33. Ким Денис
34. Ким Леон
35. Ковалёв Игнат
36. Кожевников Роман
37. Козлова Кристина
38. Колван Лев
39. Комаров Даниил
40. Кон Владислав
41. Коряковцев Максим
42. Кочегуров Данил
43. Кошевой Павел
44. Кузина Екатерина
45. Кулеш Алексей
46. Лебедев Арсений
47. Макарцев Станислав
48. Манжелей Никита
49. Найдовская Любовь
50. Николаев Чагыл
51. Николенко Артем
52. Нимаосоров Тамир
53. Онищенко Александр
54. Павлова Диана
55. Панов Илья
56. Панухник Арсений
57. Папчук Елизавета
58. Подпругин Никита
59. Пожидаев Дмитрий
60. Полулях Андрей
61. Поляков Святозар
62. Портнова Лидия
63. Привалов Максим
64. Проскуренко Тимофей
65. Рякин Ярослав
66. Саватеев Денис
67. Самохин Данил
68. Серёдкина Виктория
69. Слесарев Дмитрий
70. Страфиевская София
71. Степачёв Родион
72. Субачева Мария

- | | |
|-------------------------|------------------------|
| 73. Сяськин Никита | 84. Христенко Ярослав |
| 74. Тарабукин Александр | 85. Цветков Алексей |
| 75. Твердохлебов Данил | 86. Цыбенова Сарюна |
| 76. Ткачев Андрей | 87. Чернышев Вячеслав |
| 77. Толочек Светлана | 88. Чуев Александр |
| 78. Троянов Михаил | 89. Чусов Иван |
| 79. Угринович Сергей | 90. Шахматов Александр |
| 80. Умрилов Егор | 91. Шехоркин Вадим |
| 81. Фарухшин Ринат | 92. Шурыгин Денис |
| 82. Федосейкин Никита | 93. Щуров Денис |
| 83. Филиппов Александр | 94. Юрьев Артём |

Задание. Проверьте

- по определению,
- используя теорему об эквивалентных условиях (два пункта, как на парах),
- методом резолюций.

1. $\neg(X \rightarrow Y \vee Z) \wedge Y, \neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg X) \vee \neg Y.$
2. $A \rightarrow \neg B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
3. $\neg(B \rightarrow C \wedge A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
4. $\neg C \vee (B \rightarrow \neg A), \neg(A \rightarrow \neg B \vee C) \wedge B, A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (C \rightarrow \neg B) \vee \neg A.$
5. $A \vee B \rightarrow \neg C, \neg(A \wedge B) \vee C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
6. $\neg(B \rightarrow C \vee \neg A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
7. $\neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, X \rightarrow \neg Y \wedge Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
8. $\neg(A \wedge B) \rightarrow C, B \vee \neg C \rightarrow \neg A, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
9. $A \rightarrow B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
10. $\neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), \neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg Y) \vee \neg X.$
11. $B \wedge \neg C \rightarrow \neg A, \neg(A \wedge B) \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
12. $A \vee B \rightarrow C, \neg(A \wedge B) \vee C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
13. $\neg(C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
14. $\neg(A \wedge B) \vee C, A \wedge B \rightarrow C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
15. $\neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, X \rightarrow Y \vee Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
16. $Y \vee \neg Z \rightarrow X, \neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
17. $\neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, A \rightarrow \neg B \vee C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
18. $\neg(A \rightarrow \neg B \wedge C) \wedge B, \neg C \vee (B \rightarrow \neg A), A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (A \rightarrow \neg B) \vee \neg C.$
19. $\neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, Y \wedge \neg Z \rightarrow \neg X, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
20. $\neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, \neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (X \rightarrow \neg Z) \vee \neg Y.$
21. $\neg C \wedge (B \rightarrow \neg A), \neg(A \rightarrow \neg B \vee C) \wedge B, A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (A \rightarrow \neg B) \vee \neg C.$
22. $\neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, A \rightarrow \neg B \wedge C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$

23. $\neg(A \wedge B) \rightarrow C, B \wedge \neg C \rightarrow \neg A, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
24. $X \vee Y \rightarrow Z, \neg(X \wedge Y) \wedge Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
25. $(A \wedge B) \vee C, A \vee B \rightarrow C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
26. $X \vee \neg Y \rightarrow Z, \neg(X \wedge Y) \vee Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
27. $A \rightarrow \neg B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
28. $\neg(X \wedge Y) \vee Z, X \vee Y \rightarrow Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
29. $B \vee \neg C \rightarrow \neg A, \neg(A \wedge B) \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
30. $\neg(A \wedge B) \vee C, A \vee B \rightarrow C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
31. $(Z \rightarrow \neg X) \wedge Y, \neg(Y \rightarrow Z \vee X), \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
32. $\neg(B \rightarrow C \vee A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
33. $A \wedge \neg B \rightarrow C, B \vee \neg C \rightarrow \neg A, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
34. $\neg(X \wedge Y) \vee Z, X \vee \neg Y \rightarrow Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
35. $\neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), \neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (X \rightarrow \neg Z) \vee \neg Y.$
36. $X \rightarrow \neg Y \vee Z, \neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
37. $\neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, Y \vee \neg Z \rightarrow \neg X, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
38. $\neg(Y \rightarrow Z \vee \neg X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
39. $\neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, \neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg Y) \vee \neg X.$
40. $\neg(Y \rightarrow Z \wedge X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
41. $(C \rightarrow \neg A) \wedge B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
42. $\neg Z \wedge (Y \rightarrow \neg X), \neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg X) \vee \neg Y.$
43. $(C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
44. $\neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, Y \vee \neg Z \rightarrow X, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
45. $A \wedge B \rightarrow C, \neg(A \wedge B) \vee C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
46. $\neg(Y \rightarrow Z \vee X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
47. $\neg(A \rightarrow B \vee C) \wedge B, \neg C \vee (B \rightarrow \neg A), A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (C \rightarrow \neg A) \vee \neg B.$

48. $X \rightarrow \neg Y \vee Z, \neg(Y \rightarrow Z) \wedge X \rightarrow Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
49. $\neg(A \rightarrow \neg B \vee C) \wedge B, \neg C \vee (B \rightarrow \neg A), A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (C \rightarrow \neg B) \vee \neg A.$
50. $B \vee \neg C \rightarrow A, \neg(A \wedge B) \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
51. $\neg(B \rightarrow C) \wedge A \rightarrow C, A \rightarrow \neg B \vee C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
52. $\neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, X \rightarrow \neg Y \vee Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
53. $(Z \rightarrow \neg X) \vee \neg Y, \neg(Y \rightarrow Z \vee X), \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
54. $\neg(X \wedge Y) \wedge Z, X \vee Y \rightarrow Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
55. $Y \vee \neg Z \rightarrow \neg X, \neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
56. $\neg C \vee (B \rightarrow A), \neg(A \rightarrow \neg B \vee C) \wedge B, A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (C \rightarrow \neg A) \vee \neg B.$
57. $X \rightarrow \neg Y \wedge Z, \neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
58. $(Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(Y \rightarrow Z \vee X), \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
59. $X \vee Y \rightarrow Z, \neg(X \wedge Y) \vee Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
60. $Y \wedge \neg Z \rightarrow \neg X, \neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
61. $\neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, X \rightarrow \neg Y \wedge Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
62. $\neg(X \wedge Y) \rightarrow Z, Y \wedge \neg Z \rightarrow \neg X, \neg X \wedge \neg(Y \rightarrow Z \wedge X) \models Y \wedge (\neg Z \rightarrow X).$
63. $(Z \rightarrow \neg X) \wedge Y, \neg(Y \rightarrow Z \vee X), \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
64. $A \vee B \rightarrow \neg C, \neg(A \wedge B) \vee C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
65. $\neg(X \rightarrow Y \vee Z) \wedge Y, \neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg X) \vee \neg Y.$
66. $A \rightarrow B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
67. $\neg(X \wedge Y) \vee Z, X \vee \neg Y \rightarrow Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
68. $\neg(B \rightarrow C \vee A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
69. $\neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, A \rightarrow \neg B \vee C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
70. $\neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), \neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (X \rightarrow \neg Z) \vee \neg Y.$
71. $A \vee B \rightarrow C, \neg(A \wedge B) \vee C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
72. $\neg(Y \rightarrow Z \vee \neg X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$

73. $A \rightarrow \neg B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
74. $\neg(C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
75. $X \vee \neg Y \rightarrow Z, \neg(X \wedge Y) \vee Z, \neg(Y \rightarrow X \wedge Z) \models Y \vee \neg(Z \wedge X) \rightarrow \neg X.$
76. $(C \rightarrow \neg A) \wedge B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
77. $\neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, A \rightarrow \neg B \wedge C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
78. $B \wedge \neg C \rightarrow \neg A, \neg(A \wedge B) \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
79. $A \wedge \neg B \rightarrow C, B \vee \neg C \rightarrow \neg A, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
80. $\neg(B \rightarrow C \vee \neg A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
81. $\neg C \wedge (B \rightarrow \neg A), \neg(A \rightarrow \neg B \vee C) \wedge B, A \rightarrow \neg(B \wedge C \rightarrow A) \models (A \rightarrow \neg B) \vee \neg C.$
82. $\neg(B \rightarrow C \wedge A), (C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
83. $\neg(Y \rightarrow Z \vee X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
84. $X \rightarrow \neg Y \vee Z, \neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$
85. $\neg(X \rightarrow \neg Y \vee Z) \wedge Y, \neg Z \vee (Y \rightarrow \neg X), X \rightarrow \neg(Y \wedge Z \rightarrow X) \models (Z \rightarrow \neg Y) \vee \neg X.$
86. $A \rightarrow \neg B \vee C, \neg(B \rightarrow C) \wedge \neg A \rightarrow C, \neg A \vee \neg(B \rightarrow C \wedge \neg A) \models C \rightarrow B \wedge A.$
87. $(A \wedge B) \vee C, A \vee B \rightarrow C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
88. $B \vee \neg C \rightarrow \neg A, \neg(A \wedge B) \rightarrow C, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
89. $\neg(A \wedge B) \rightarrow C, B \wedge \neg C \rightarrow \neg A, \neg A \wedge \neg(B \rightarrow C \wedge A) \models B \wedge (\neg C \rightarrow A).$
90. $(Z \rightarrow \neg X) \vee \neg Y, \neg(Y \rightarrow Z \vee X), \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
91. $\neg(A \wedge B) \vee C, A \wedge B \rightarrow C, \neg(B \rightarrow A \wedge C) \models B \vee \neg(C \wedge A) \rightarrow \neg A.$
92. $\neg(Y \rightarrow Z \wedge X), (Z \rightarrow \neg X) \vee Y, \neg(X \rightarrow Z) \rightarrow \neg Y \models \neg Y \vee X \rightarrow Z.$
93. $(C \rightarrow \neg A) \vee B, \neg(B \rightarrow C \vee A), \neg(A \rightarrow C) \rightarrow \neg B \models \neg B \vee A \rightarrow C.$
94. $\neg(Y \rightarrow Z) \wedge \neg X \rightarrow Z, X \rightarrow \neg Y \wedge Z, \neg X \vee \neg(Y \rightarrow Z \wedge \neg X) \models Z \rightarrow Y \wedge X.$